

## Részletes tantárgyprogram és követelményrendszer

<b>Óbudai Egyetem</b> Kandó Kálmán Villamosmérnöki Kar		Mikroelektronikai és Technológia Intézet		
Tantárgy neve és kódja: <b>Matematika II. KMEMA22TNC</b> <b>KMEMA22ONC</b>				<b>Kreditérték: 6</b>
<b>Nappali tagozat, tavaszi félév</b>				
Szakok melyeken a tárgyat oktatják: <b>Villamosmérnöki</b>				
Tantárgyfelelős oktató:	<b>Dr. Baróti György</b>		Oktatók:	Dr. Baróti György, Bugyjas József, Farkas Zoltán, Dr. Lendvay Marianna, Molnár Károly, Szabó László
Előtanulmányi feltételek: (kóddal)	<b>Matematika I. (1)</b> <b>(1) aláírás kell</b>		<b>KMEMA21TNC</b> <b>KMEMA21ONC</b>	
Heti óraszámok:	Előadás: <b>3</b>	Tantermi gyak.: <b>2</b>	Laborgyakorlat: <b>0</b>	Konzultáció: <b>0</b>
Számonkérés módja (s,v,f):	<b>vizsga</b>			
<b>A tananyag</b>				
<i>Oktatási cél:</i> A tárgy keretében a hallgatók megismerkednek a matematika alapvető témaköreivel. A gyakorlatokon a területhez kapcsolódó feladatokat, problémákat oldunk meg, mellyel hozzájárulunk a hallgatók fogalomalkotási és probléma megoldási képességeinek fejlesztéséhez.				
<i>Tematika:</i> Kétféle változós valós függvények integrálszámítása. Numerikus- és függvénysorok. Egyváltozós valós függvények határozott integrálszámítása II. Laplace- transzformáció. Közönséges differenciálegyenletek. Valószínűségszámítás.				
<b>Témakör:</b>			<b>Hét</b>	<b>Óra</b>
<i>Kétféle változós valós függvények integrálása.</i> Kettős integrál fogalma, geometriai jelentése és tulajdonságai. Kiszámítása normál tartományon. Alkalmazásai (térfogatszámítás stb.).			<b>1.</b>	<b>3+2</b>
<i>Számsorok.</i> Számsor fogalma, tulajdonságai. Műveletek számsorokkal. Abszolút konvergencia sorok. Pozitív tagú sorok. Konvergencia kritériumok pozitív tagú sorokra. Váltakozó előjelű sorok. Leibniz-típusú sorok. <i>Függvénysorok I.</i> Függvénysor fogalma, konvergencia pont, konvergencia tartomány, függvénysor összege. Hatványsor konvergenciája, differenciálhatósága, integrálhatósága. Taylor-sor, Mac Laurin-sor. Lagrange-féle maradéktag.			<b>2.</b>	<b>3+2</b>
<i>Függvénysorok II.</i> Néhány fontos függvény Mac Laurin -sora ( $e^x$ , $\cos x$ , $\sin x$ , $\operatorname{sh} x$ , $\operatorname{ch} x$ , binomiális sor, stb.) Alkalmazás függvényérték és határozott integrál közelítő értékének számítására. Trigonometrikus sor, Fourier-sor és konvergenciája. Periodikus jel felbontása csak szinuszos harmonikus összetevőre.			<b>3.</b>	<b>3+2</b>
<i>Határozott integrálok II.</i> Improprius integrálok. Közelítő integrálás (trapéz módszer, Simpson-formula stb.).			<b>4.</b>	<b>3+2</b>
1.zh.			<b>5.</b>	<b>3+2</b>
<i>Laplace-transzformáció.</i> Fogalma, konvergenciája, alapvető tulajdonságai. Fontosabb függvények Laplace-transzformáltjai. Inverz Laplace-transzformáció.			<b>6.</b>	<b>3+2</b>

<p><i>Közönséges differenciálegyenletek I.</i>  Differenciálegyenlet fogalma, általános, partikuláris és szinguláris megoldás, kezdetiérték-probléma.  Elsőrendű szétválasztható változójú és lineáris differenciálegyenletek.  Néhány elsőrendű lineáris differenciálegyenletre visszavezethető differenciálegyenlet.</p>	<b>7.</b>	<b>3+2</b>
<p><i>Közönséges differenciálegyenletek II.</i>  Hiányos másodrendű differenciálegyenletek.  Másodrendű állandó együtthatójú lineáris differenciálegyenletek megoldása próbafüggvény módszerrel.</p>	<b>8.</b>	<b>3+2</b>
<p><i>Tanítási szünet</i></p>	<b>9.</b>	<b>0</b>
<p><i>Közönséges differenciálegyenletek III.</i>  Laplace-transzformáció alkalmazása állandó együtthatójú lineáris differenciálegyenletek megoldására.  Differenciálegyenletek néhány villamosságtani alkalmazása.</p>	<b>10.</b>	<b>3+2</b>
<p><i>Valószínűségszámítás I.</i>  Eseményalgebra alapfogalmai. műveletek eseményekkel. Boole-algebrák. Villamosságtani alkalmazások.  Események valószínűsége. Kolgomorov axiómái.  <i>Klasszikus valószínűségi mező. A valószínűség kombinatorikus kiszámítási módja.</i></p>	<b>11.</b>	<b>3+2</b>
<p><i>Valószínűségszámítás II.</i>  Visszatevéses és visszatevés nélküli mintavétel. Feltételes valószínűség, független események. Valószínűségi változó és típusai. Eloszlásfüggvény és sűrűségfüggvény fogalma, tulajdonságai. Várható érték és szórás. Nevezetesebb diszkrét eloszlások és jellemzőik.  Az egyenletes-, a binomiális-, a hipergeometrikus-, a geometriai- és a Poisson-eloszlás.</p>	<b>12.</b>	<b>3+2</b>
<p><i>2. zh.</i></p>	<b>13.</b>	<b>3+2</b>
<p><i>Valószínűségszámítás III.</i>  Nevezetesebb folytos eloszlások és jellemzőik.  Az egyenletes-, az exponenciális- és a normális eloszlás.  Központi határeloszlástétel.</p>	<b>14.</b>	<b>3+2</b>

### Félévközi követelmények

Az előadásokon és a gyakorlatokon a **részvétel kötelező**. Az a hallgató, aki túllépte a TVSZ-ben megengedett hiányzások számát, a félévi követelményeket nem teljesítette, ezért **nem kap aláírást**. A hallgató az aláírást csak abban az esetben kaphatja meg, ha a megszerzhető 100 pontból legalább 50 pontot elért. A zárthelyi dolgozatokat – kivéve pótzárthelyit – az előadáson íratjuk az alábbi ütemezés szerint:

	<b>Időpont</b>	<b>Időtartam</b>	<b>Szerezhető max. pontszám</b>	<b>Témák</b>
1. zh.	márc. 12. - márc.16. hét	45 perc	50 pont	Kettős integrálok. Függénysorok. Improprius integrálok.
2. zh.	máj. 7.- máj. 11. hét	45 perc	50 pont	Laplace-transzformáció. Differenciálegyenletek. Differenciálegyenletek megoldása Laplace-transzformációval.
pótzh.	máj 18.	45(75) perc	50(100) pont	A pótlandó zh(k) témája.

#### **A pótlás módja:**

Pótolni csak az a hallgató pótolhat, akit nem tiltottak le.

- Bármely hallgató, aki mindkét zárthelyit megírta vagy igazoltan hiányzott az egyik vagy mindkét zárthelyiről, a pótzárthelyi időpontjában a két zárthelyi együttes anyagából összefoglaló zárthelyit írhat, amelynek időtartama 75 perc, összpontszáma 100 pont és ekkor csak ennek az eredménye számít.
- Az a hallgató, aki a két zárthelyi közül az egyiket megírta és a másiktól igazoltan hiányzott, választhatja azt a lehetőséget is, hogy a pótzárthelyi időpontjában a hiányzó zárthelyit megírja.
- Az a hallgató, aki mindkét zárthelyit megírta, választhatja azt a lehetőséget is, hogy a pótzárthelyi időpontjában a kisebb pontszámú zárthelyit újra megírja (ha a két zárthelyi azonos pontszámú, akkor ő döntheti el, hogy melyiket írja meg) és ekkor ennek az eredménye számít.
- Az a hallgató, aki a szorgalmi időszakban nem szerzett aláírást, a vizsgaidőszak első két hetében egy alkalommal, egy előre megadott időpontban kísérletet tehet a javításra (aláíráspótló vizsga). Ekkor a két zárthelyi együttes anyagából összefoglaló zárthelyit írhat, amelynek időtartama 75 perc, összpontszáma 100 pont és ekkor csak ennek az eredménye számít.

**A vizsga módja:** írásbeli

A hallgató csak akkor vizsgázhat, ha az aláírást megszerezte és legalább elégséges(2) Matematika I. vizsgaeredménye van.

A vizsgadolgozat feladatokat (50 pont) és elméleti kérdéseket (20 pont) tartalmaz. A feladatokra 60 perc, az elméleti kérdésekre 15 perc áll rendelkezésre. Az a hallgató, aki a vizsgadolgozatának megírásakor 35 pontnál kevesebbet ér el, elégtelen (1) érdemjegyet kap. Aki a vizsgán legalább 35 pontot ér el és az aláírást nem összefoglaló zárthelyivel szerezte meg, annak a vizsgán szerzett pontszámához hozzáadjuk a zárthelyi dolgozatokkal szerzett összpontszámának 30%-át, ha az aláírást összefoglaló zárthelyivel szerezte meg, akkor 15 pontot. Az így kialakuló pontszámból a hallgatók az alábbi táblázat szerint kapják a vizsgajegyet:

Pontszám	Vizsgajegy
86 - 100	jeles (5)
74 - 85	jó (4)
62 - 73	közepes (3)
50 - 61	elégséges (2)
0 - 49	elégtelen (1)

**Irodalom****Kötelező:***Tankönyvek:*

1. Kovács J.-Takács G.-Takács M.: Analízis, NTK 1998
2. Reimann József - Tóth Julianna: Valószínűségszámítás és matematikai statisztika, NTK 1998

*Példatár:*

3. Dr. Baróti Gy. - Kis M. - Schmidt E. - Sréterné dr. Lukács Zs.: Matematika Feladatgyűjtemény, BMF KKVFK 1190, Bp. 2005

**Ajánlott:***Tankönyvek:*

Szász Gábor: Matematika I-II-III., NTK 1995

*Példatár:*

Scharnitzky V.: Matematikai feladatok, NTK 1996

Budapest, 2012. jan. 2.

Dr. Baróti György  
tantárgyfelelős